

ESTATISTIKA ETA DATUEN ANALISIA

VIII: Bi aldagai kualitatiboen baterako azterketa:

asoziazioa

Egilea: Josemari Sarasola



Gizapedia

gizapedia.hirusta.io

- 8.1 Aldagai bakunaren azterketatik binakako aldagaien azterketara
- 8.2 Datuetatik kontingentzia-taulara
- 8.3 Asoziazioa eta independentzia
 - 8.3.1 Maiztasun teorikoak
- 8.4 Asoziazio-neurriak
 - 8.4.1 Khi-karratu
 - 8.4.2 Khi-karratuan oinarritutako neurriak
 - 8.4.2.1 Phi
 - 8.4.2.2 Kontingentzia-koefizientea
 - 8.4.2.3 Cramér-en V
 - 8.4.3 PRE neurriak: lambda
- 8.5 Asoziazio ordinala: Goodman eta Kruskalen gamma
- 8.6 Interakzioa
- 8.7 Ariketak

8. gaia: Bi aldagai kualitativoen baterako azterketa: asoziazioa

8.1 Aldagai bakunaren azterketatik binakako aldagaien azterketara

Aurreko ikasgaietan aldagai bakunak aztertu dira, haien zentroa, sakabanatzea eta beste ezaugarriak ikertuz. Ikasgai honetan aldagaiak binaka aztertzen hasi behar dugu ikasten, eta horretarako beraien arteko erlazio estatistikoa ikertuz (nola lotzen den hezkuntza-maila sexuarekin, adibidez). Ikasgai honetan aldagai kualitativoen arteko erlazio estatistikoa, **asoziazioa** alegia, ikasi behar dugu, zehatzago asoziazioaren sendotasuna (zenbateraino den erlazioa sendoa) eta norabidea (adibidez, emakumeak edo gizonak diren hezkuntza-maila altuagoa dutenak).

8.2 Datuetatik kontingentzia-taulara

Bi aldagai kualitativoei buruzko datuak **kontingentzia-taula** delakoetan biltzen dira, azterketa abiarazi aurretik. Kontingentzia-taulak sarrera biko taulak besterik ez dira, non bi atributuetako kategoriak gurutzatu eta kategoria-konbinazio bakoitzeko maiztasunak zehazten diren.

Adibidea: Ikasgela birtual batean ikastaroa hasi zutenen sexua eta ikastaroa bukatu zuten jaso da (g: gizon, e: emakume / b: bai, e: ez):

Sexua: g-g-e-e-g-g-e-e-g-g-e-e-g-g-e
Bukatu al zuen?: b-e-e-e-b-e-b-e-b-e-b-e-b-e-b

Datuei dagokien kontingentzia-taula osatu behar da.

Kategoria konbinazio bakoitzean datuak zenbatuta, taula hau suertatzen da:

Sexua	Bukatu al zuen?		Guztira
	Bai	Ez	
Gizona	5	4	9
Emakumea	2	6	8
Guztira	7	10	17

Bi atributueterako eskuratzen dituen guztirako kopuruei **bazter-maiztasun** deritze.

8.3 Asoziazioaren azterketa esploratzailea: portzentajeak

Kontingentzia-taula batean portzentajeak edo maiztasun erlatiboak aldagai bati zein besteari buruz kalkula daitezke.

- sexuari buruz,

Sexua	Bukatu al zuen?	
	Bai	Ez
Gizona	%71.4	%40
Emakumea	%28.6	%60
Guztira	%100	%100

Honela interpretatzen da:

- Ikastaroa bukatu zutenen artean, gizonak %71.4 dira, eta emakumeak %28.6.
- Ikastaroa bukatu ez zutenen artean, gizonak %40 dira, eta emakumeak %60.

- ikastaroa bukatzeari buruz,

Sexua	Bukatu al zuen?		Guztira
	Bai	Ez	
Gizona	%55.5	%44.4	%100
Emakumea	%25	%75	%100

Honela interpretatzen da:

- Gizonen artean, ikastaroa bukatu zutenak %55.5 dira, eta bukatu ez zutenak %44.4.
- Emakumeen artean, ikastaroa bukatu zutenak %25 dira, eta bukatu ez zutenak %75.

Portzentaje horiek *asoziazioaren norabidea esploratzeko* erabil daitezke. Adibidean, asoziazioaren norabideari buruz, emakumeek ikastaroa ez bukatzeko joera dutela ikus daiteke, eta asoziazioaren sendotasunari buruz, joera hori nahiko garbia dela (%25eko eta %28.6ko portzentajeak ikusita) esan daiteke, lagin errorearen erreserbapean betiere.

8.4 Asoziazioa eta independentzia

Bi atributuen artean **independentzia** dagoela esaten da, batere asoziaziorik ez dagoenean, hau da, atributu bateko zein besteko portzentajeak berdinak direnean beste atributuaren arabera.

Adibidez, har dezagun kontingentzia-taula hau:

Sexua	Bukatu al zuen?		Guztira
	Bai	Ez	
Gizona	30	15	45
Emakumea	60	30	90
Guztira	90	45	135

Hurrengo orrialdeko portzentaje-tauletan ikus daitekeenez, ez dago inongo ezberdintasunik gizon eta emakumeen artean, ezta ikastaroa bukatu zutenen eta ez zutenen artean. Beraz, bi atributuen artean erabateko independentzia dago.

8.4.1 Maiztasun teorikoak

Kontingentzia-taula bat edukita, bi atributuen arteko independentziaren egoeran izango liratekeen maiztasunak jakitea bilatzen da batzuetan. Independentzia-

Taula 8.1: Portzentajeak: sexuari buruz

Taula 8.2: Portzentajeak: ikastaroari buruz

Sexua	Bukatu al zuen?		Sexua	Bukatu al zuen?		Guztira
	Bai	Ez		Bai	Ez	
Gizona	%33.3	%33.3	Gizona	%66.6	%33.3	%100
Emakumea	%66.6	%66.6	Emakumea	%66.6	%33.3	%100
Guztira	%100	%100				

egoerako maiztasun balizko horiei **maiztasun teoriko** deritze.

Maiztasun teorikoak kalkulatzeko kontingentzia-taula bateko bazter-maiztasunak soilik behar dira. Gelaska jakin baterako maiztasun teorikoa zutabeko eta errenkadako bazter-maiztasunen biderketa lagin-tamaina osoarekin zatituz kalkulatzen da.

Adibidea: Aurreko adibideetan landutako kontingentzia-taula honetako maiztasun teorikoak kalkulatu behar dira:

Sexua	Bukatu al zuen?		Guztira
	Bai	Ez	
Gizona	5	4	9
Emakumea	2	6	8
Guztira	7	10	17

Arestian, azaldu bezala, gelaska bakoitzean zutabeko eta errenkadako bazter-maiztasunak bidertuz eta emaitza lagin-tamainarekin zatituz:

Sexua	Bukatu al zuen?		Guztira
	Bai	Ez	
Gizona	$\frac{7 \times 9}{17} = 3.7$	$\frac{10 \times 9}{17} = 5.3$	9
Emakumea	$\frac{7 \times 8}{17} = 3.3$	$\frac{10 \times 8}{17} = 4.7$	8
Guztira	7	10	17

Taula teoriko honetan, portzentaje-taula biak kalkulaturik, independentzia da-goela ikusiko genuke.

8.5 Asoziazio-neurriak

Ikasiko ditugun asoziazio-neurriek asoziazioaren sendotasuna neurtzen dute, baina orokorrean ez dute zuzenean informaziorik ematen asoziazioaren norabideari buruz. Horretarako, portzentajeak azter daitezke.

8.5.1 Khi-karratu

Maiztasun enpirikoak (kontingentzia -taulan jasotzen diren maiztasun errealeko edo behatuak, ingelesez *observed frequencies* edo O) eta **maiztasun teorikoak** (independentzia-egoeran *itxaroten* direnak, ingelesez *expected frequencies* edo E) zenbat eta desberdinagoak diren, hainbat eta sendoagoa da atributuen arteko asoziazioa. **Khi-karratu** (X^2 , grezierazko alfabetoko khi letratik), ingelesez *chi-square*, O maiztasun enpirikoen eta E teorikoen arteko aldea kalkulatzeko duen estatistiko bat da:

$$X^2 = \sum_{\text{gelaska}} \frac{(O - E)^2}{E}$$

Adibidea: Aurreko adibideko kontingentzia-taulatik, kalkulatu khi-karratu estatistikoa.

Aurretik maiztasun enpirikoak eskura eta maiztasun teorikoak kalkulatu jada, honela kalkulatu da khi-karratu estatistikoa:

$$X^2 = \sum \frac{(O - E)^2}{E} = \frac{(5 - 3.7)^2}{3.7} + \frac{(4 - 5.3)^2}{5.3} + \frac{(2 - 3.3)^2}{3.3} + \frac{(6 - 4.7)^2}{4.7} = 1.64$$

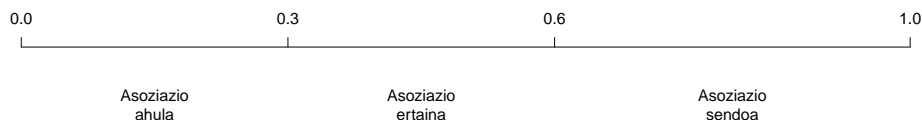
Khi-karratu estatistikoak balio positiboak hartzen ditu beti (0 independentzia-egoeran). Zenbat eta handiagoa izan, orduan eta asoziazio sendoagoa izango da, baina ez du goi-mugarik (eta beraz ezin eman asoziazio sendoa adierazten duen baliorik).

Asoziazioaren norabideari buruz, $\frac{(O-E)}{\sqrt{E}}$ balioei erreparatuko diegu: taulako balio handienek gelaska horietako bi kategoriak loturik daudela adierazten dute, eta txikienek, zeinu negatiboarekin, kategoria horiek ez daudela loturik.

8.5.2 Khi-karratuan oinarritutako neurriak

Goi-mugarik ez duenez, ez dago asoziazioa handitzat jo daitekeen khi-karratu estatistikokoaren baliorik. Hori dela eta, asoziazioa [0-1] tartera (0: independentzia, 1: erabateko asoziazioa) mugatzen duten asoziazio-neurri batzuk asmatu dira,

jarraian ikasiko ditugunak, asoziazioaren sendotasuna neurtzeko. Orokorrean, ikasiko ditugun neurrietan asoziazio-maila 0.3 baino txikiagoa denean, asoziazio ahultzat joko du, 0.3-0.6 bitartean ertaintzat eta 0.6tik gora sendotzat.



Irudia 8.1: Asoziazioaren sendotasunerako neurriak interpretatzeko erregela orokorra.

Edonola ere, neurri horietako balioak interpretatzean antzeko ikerketak ere hartu behar dira kontuan. Adibidez, 0.8ko asoziazio-maila txikia izan daiteke, antzeko ikerketetan 0.9tik gorako balioak eskuratu badira. Horrela, asoziazio-maila bati buruzko interpretazioa *antzeko ikerketen erreserbapean* izango da bati, *lagin-errorea* ere ahaztu gabe.

8.5.2.1 Phi

2×2 tauletarako bakarrik erabiltzen da. Honela kalkulatzen da, n lagin-tamaina izanik:

$$\phi = \sqrt{\frac{X^2}{n}}$$

8.5.2.2 Kontingentzia-koefizientea

Edozein tamainako tauletarako erabiltzen da. Honela kalkulatzen da:

$$C = \sqrt{\frac{X^2}{X^2 + n}}$$

Erabateko asoziazioaren kasuan ere, koefizientea ez da 1 baliora heltzen, $\sqrt{\frac{m-1}{m}}$ baliora taula karratuen kasuan (m izanik errenkada edo zutabe kopurua) eta $\left(\frac{r}{r+1} \times \frac{c}{c+1}\right)^{1/4}$ baliora taula ez-karratuen kasuan (r eta c errenkada- eta zutabe-kopurua izanik, hurrenez hurren). Koefizientea $[0-1]$ tartera mugatzeko, koefizientea *normalizatze*ko alegia, koefizientearen balioa koefizientearen balio maximoarekin zatitu behar da, besterik gabe.

8.5.2.3 Cramér-en V

Edozein tamainako tauletarako erabiltzen da. Honela kalkulatzen da:

$$V = \sqrt{\frac{X^2}{n(m-1)}}$$

m izanik, errenkada- eta zutabe-kopuruetan txikiena.

8.5.3 PRE neurriak: lambda

Lambda PRE (*Proportional Reduction in Error*) motako neurri bat da, aldagai kualitatibo baten balioa ezagutzeak bestea aurrerantean dakarren errore-murrizketa kalkulatzen duena. Horretarako, bi aldagai kualitatiboetan *aldagai independentea edo kausa* eta *aldagai dependentea edo ondorioa* ezarri behar dira aldez aurretik.

Lehenbizi, aldagai dependenteak zein balio hartu behar duen aurrean behar da, aldagai independenteak batere kontuan hartu gabe, hau da, bazter-maiztasunetan maiztasun handieneko kategoria hartuz. Beste bazter-maiztasunen batura aurrean horretan guztira sortutako errore-kopurua da.

Bigarrenik, aldagai dependentearen balioa aurrean behar da, baina aldagai independenteak hartzen duen balio bakoitzeko, hau da, aldagai independentearen kategoria ezberdinak ezagunak direla kontuan harturik, hurrenez hurren. Horretarako maiztasun handiena hartuko da kategoria bakoitzeko errenkada edo zutabearen, eta erroreak beste maiztasunen batura izango da.

Aldagai independentea kontuan hartu gabe ken aldagai independentea kontuan hartuta sortutako erroreak kalkulatzen dira, aldagai independentearen balioa ezagutzeak dakarren errore-murrizketa alegia. Errore-murrizketa hori erlatiboki kalkulatuko da, aldagai independenteak kontuan hartu gabe sortzen den errore-kopuruarekiko alegia. Errore-murrizketa erlatibo hori izango da lambda.

Lambdak [0-1] tarteko balioak hartzen ditu eta horren balioa beste asoziazio-neurrietan bezala interpretatzen da, 0-0.3-0.6-1 erregelaren arabera.

Adibidea: Kontingentzia-taula honetako lambda kalkulatu behar da:

Sexua	Bukatu al zuen?		Guztira
	Bai	Ez	
Gizona	5	4	9
Emakumea	2	6	8
Guztira	7	10	17

Aldagai independentea sexua da, eta ikastaroa bukatzea edo ez dependentea.

Izan ere, sexua izan daiteke ikastaroa bukatzearen eragilea edo kausa eta ez alderantziz.

Aldagai independentea, sexua alegia, kontuan hartu gabe, 7 lagunek ikastaroa bukatu zutela dakigu, eta 10ek ez. Egin beharreko auresana sexua ez dakigun pertsona bati buruz ikastaroa ez duela bukatuko izan behar da, baina horretan 7 errore egingo ditugu 17 lagunen artean, 7 lagunek ikastaroa bukatu egin zutelako. Beraz, it sexua kontuan hartu gabe 7 errore egiten dira.

Pertsonaren sexua jakinik, berriz,

- pertsona gizona dela badakigu, ikastaroa bukatuko duela auresan behar da, 5 direlako bukatu zutenak, eta 4 ez, baina horrela 4 pertsona horien kasuan kale egiten dugu, 4 errore alegia;
- pertsona emakumea dela badakigu, ikastaroa bukatuko ez duela auresan behar da, 6 direlako bukatu ez zutenak, eta 2 bai, baina horrela 2 pertsona horien kasuan kale egiten dugu, 2 errore alegia.

Beraz, pertsonaren sexua jakinik, guztira $4+2=6$ errore egiten dira. Sexua jakin gabe 7 errore egiten genituenek, $7-6=1$ errore gutxiago egiten dugu sexua jakinda, hau da $1/7=0.14$. Beraz,

$$\lambda = 0.14$$

Hala, bi aldagaien arteko asoziazioa ahula dela ondorioztatzen dugu (0.3 baino txikiagoa denez), antzeko ikerketen eta lagin-errorearen erreserbapean.

Taula 8.3: **Lambdarako kalkulu-taula azkarra.** Bete beharrekoak azpimarratuta dauden hutsuneak dira, hemen letra etzanarekin bete direnak.

<u>sexua</u> (ald. indep.) kontuan hartu gabe	<u>sexua</u> kontuan hartuta	errore-aldea (amaiera)
→ auresana: <u>Ez</u> → erroreak: <u>7</u>	<ul style="list-style-type: none"> • gizona dela jakinda: → auresana: <u>Bai</u> → erroreak: <u>4</u> • emakumea dela jakinda: → auresana: <u>Ez</u> → erroreak: <u>2</u> • erroreak guztira: <u>$4+2=6$</u> 	Zenbat errore gutxiago? <u>$7-6=1$</u> Batekoetan? <u>$\lambda=1/7=0.14$</u>

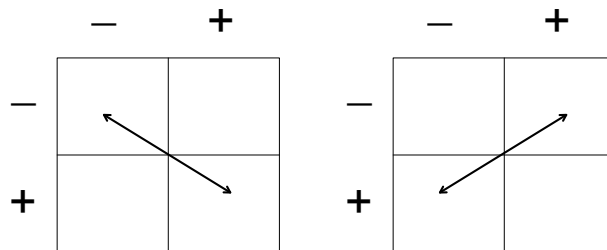
8.6 Asoziazio ordinala: Goodman eta Kruskalen gamma

Atributuen kategoriak mailakatu daitezkeenean, aldagaia ordinala dela esaten da (adibidez, hezkuntza-maila, kalitate-maila, ...). Kontingentzia-taula batean bi aldagaiak ordinalak direnean, ohiko asoziazio-neurriez gainera **Goodman eta Kruskalen gamma** ere kalkula daiteke:

$$\gamma = \frac{k - d}{k + d}$$

non k konkordantzien kopurua den, eta d diskordantzien kopurua. $[-1,1]$ tarteko balioak hartzen ditu eta negatiboa denean, asoziazioa negatiboa dago (aldagai bat igotzean, bestea jaitsi egiten da) eta positiboa denean, asoziazio positiboa (aldagai bat igotzean, bestea igo egiten da). Asoziazioaren sendotasuna koefizientearen balio absolutuari erreparatuz kalkulatzen da, eta beste asoziazio-neurrietan bezala interpretatzen da.

Konkordantzia bat taulako bi elementuen artean dagoen asoziazio positiboa dela esan daiteke: elementu batetik bestera aldagai bat *igotzean*, beste aldagaia ere *igo* egiten denean. Konkordantzien kopurua kalkulatzeko aski da, taulako elementuen artean osa daitezkeen *igo-igo* bikoteak zenbatzea. Diskordantzia suertatzen da, berriz, aldagai bat igotzean elementu batetik bestera, beste aldagaia *jaitsi* egiten denean. Diskordantzien kopurua kalkulatzeko aski da *igo-jaitsi* bikoteak zenbatzea.



Irudia 8.2: Konkordantzia duten elementuak eskuinean, eta diskordantzia dutenak ezkerrean.

Adibidea: Kontingentzia-taula honetan ikasle batzuen ingelesa-maila eta ingelesez emandako ikastaro bat gainditu duten jaso dira. Dagokion Goodman eta Kruskalen gamma kalkulatu eta interpretatu.

Ingeles-maila	Ikastaroa gainditu al du?	
	Ez	Bai
Baxua	8	4
Altua	5	12

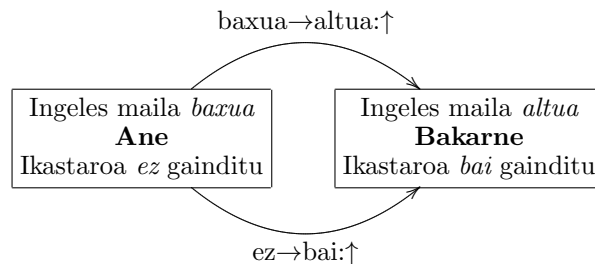
Konkordantziak ingeles-maila baxua duten eta ikastaroa gainditu ez duten ikasleen eta ingeles-maila altua eta ikastaroa gainditu duten ikasleen artean gertatzen dira. Ikasle horien guztien artean bikoteak eginez, $8 \times 12 = 96$ konkordantzia daude.

Diskordantziak ingeles-maila altua duten eta ikastaroa gainditu ez duten ikasleen eta ingeles-maila baxua eta ikastaroa gainditu duten ikasleen artean gertatzen dira. Ikasle horien guztien artean bikoteak eginez, $4 \times 5 = 20$ diskordantzia daude.

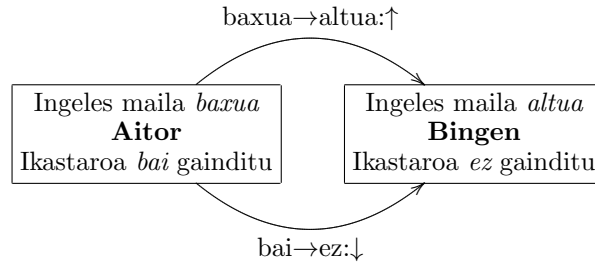
Goodman eta Kruskalen gamma honela kalkulatzeko da:

$$\gamma = \frac{96 - 20}{96 + 20} = 0.65$$

Positiboa denez, ingeles-maila handia izateak ikastaroa gainditzea ekartzen du orokorrean, eta lotura hori sendoa da gainera, antzeko ikerketen eta lagin-errorearen erreserbapean.



Irudia 8.3: Ane eta Bakarne alderaturik, **konkordantzia** dago batengandik bestearengana igarotzerakoan, aldagai batek *gora* egitean, besteak ere *gora* egiten duelako.



Irudia 8.4: Aitor eta Bingen alderaturik, **diskordantzia** dago batengandik bestearengana igarotzerakoan, aldagai batek *gora* egitean, besteak *behera* egiten duelako.

8.7 Interakzioa

Interakzioa hirugarren aldagai kualitatibo bat kontuan ez hartzeagatik bi aldagai kualitatiboan artean agertzen den asoziazio ahula da. Egiaz, datuak hirugarren aldagai horren kategorien arabera banaturik, asoziazio sendoa da, baina efektuak konpentsatzen dira eta hala itxurazko asoziazio ahula sorrarazi.

Adibidez, taula honetan agerikoa da sexuaren eta tabakismoaren arteko asoziazio ahula:

Taula 8.4: Lurralde osoan jasotako datuak

Sexua	Erretzen al du?	
	Bai	Ez
Gizona	33	31
Emakumea	32	35

Baina pertsonak bizitokiaren arabera bereizten badira:

Taula 8.5: Hiri handietan jasotako datuak

Sexua	Erretzen al du?	
	Bai	Ez
Gizona	28	4
Emakumea	8	26

Taula 8.6: Herri txikietan jasotako datuak

Sexua	Erretzen al du?	
	Bai	Ez
Gizona	5	27
Emakumea	24	9

Nabaria da orain sexuaren eta tabakismoaren arteko erlazioa, aurkako norabidea duena hirietan eta herri txikietan: gizonak dira hirietan erretzen dutenak, eta emakumeak herri txikietan.

Bizitokia interakzioa eragiten duen aldagaia da beraz, eta horren arabera datuak bereizten ez badira, konklusio okerrera goaz, sexuak ez duela tabakismoarekin loturarik alegia, konpentsazio efektu batengatik.

8.8 Ariketak

1. Kafetegi batera joaten diren bezeroen sexua eta tea edo kafea eskatu duten jaso dira. Emaizak kontingentzia taula honetan jaso dira:

Sexua	Zer eskatu du?	
	Tea	Kafea
Gizona	186	332
Emakumea	566	387

Taulako portzentajeak kalkulatu behar dira norabide bietan. Galdera hauek erantzun behar dira ondoren:

- (a) Kafea eskatzen duten bezeroei promozio-opari bat eskaini behar bazaie, zein sexutarako egin beharko litzateke bereziki?
- (b) Hiriko emakumeen artean sustapen-kanpaina bat zein produkturekin egin beharko litzateke?
2. Sexuari eta aukeratutako batxilergo-adarrari buruzko datuak jaso eta kontingentzia-
 taula batean bildu dira:

Sexua	Zer ikasi du?			
	Zientziak	Gizartea	Teknologia	Guztira
Gizona	274	86	225	585
Emakumea	312	165	186	663
Guztira	586	251	411	1248

Khi-karratuan oinarritutako asoziazio neurriak kalkulatu eta interpretatu. Asoziazioaren norabidea ere aztertu behar da, gelaskak behar den moduan koloreztatuz.

3. 25 urteko gazteen artean sexua eta ikasketa-maila galdetu zaizkie:

Sexua	Zer ikasi du?			
	DBH	LH	Unibertsitatea	Guztira
Gizona	265	238	386	889
Emakumea	186	436	198	820
Guztira	451	674	584	1709

- (a) Lambda eta gamma (ahal bada) kalkulatu eta interpretatu.
- (b) Lambda eta gamma (ahal bada) kalkulatu eta interpretatu, taulan akatsa dagoela jakinik: sexuaren ordezkari lan-egoera azaldu behar da eta "gizona"ordez "lanik gabe" eta "emakume"ordez "lanean".

4. Herrialde batean, telefoniako operadoreek mugikorren eskaintzak egiten dizkiete bezeroei. 18-30 urte bitarteko gazteei darabilten mugikorraren marka eta kontratatuta duten operadorea galdetu zaizkie:

Marka	Operadorea			Guztira
	A	B	C	
Alfa	86	202	145	433
Beta	121	111	136	368
Gamma	44	108	168	320
Guztira	251	421	449	1121

Lambda eta gamma (ahal bada) kalkulatu eta interpretatu.

5. Lurrin-denda batean lurrin bat erosi duten 30-50 urte bitarteko emakume guztiei aurreko aldiaren zein lurrin marka erosi duten galdetu zaie, une horretan erosi duten lurrinaren marka jasotzearekin batera. Emaitzak hauek dira (zutabeetan oraingo marka, errenkadetan aurreko marka):

Aurreko marka	Oraingo marka				Guztira
	Dior	Chanel	Shiseido	Loewe	
Dior	46	58	21	16	141
Chanel	67	87	36	25	215
Shiseido	54	42	67	8	171
Loewe	13	25	45	98	181
Guztira	180	212	169	147	708

- Zein da bezeroen leialtasun handiena duen marka?
- KHI-karratua oinarritutako asoziazio-neurriak kalkulatu eta interpretatu, asoziazioa dakarten gelaskak eta euren asoziazio norabidea nabarmenduz.

6. Enpresa txiki, ertain eta handiei azken urtean euren mozkinak igo ala jaitsi diren galdetu zaie, ISO 9000 kalitate agiria dutenak eta ez dutenak bereiziz taula bietan:

• ISO 9000 EZ DUTENAK

Tamaina	Mozkinak		
	Igo	Jaitsi	Guztira
Txikia	126	15	141
Ertaina	43	68	111
Handia	3	28	31
Guztira	172	111	283

• ISO 9000 DUTENAK

Tamaina	Mozkinak		
	Igo	Jaitsi	Guztira
Txikia	12	152	164
Ertaina	64	50	114
Handia	23	2	25
Guztira	99	204	303

Bi tauletarako Cramerren V , λ eta γ kalkulatu eta interpretatu. Ondoren, neurri horiek kalkulatu bi taulak bateratuta eta emaitzak interpretatu aurreko emaitzen aldean, interakzioa izateari buruz.