

ESTADÍSTIKA ETA DATUEN ANALISIA

**II: Aldagai bakunaren tabulazioak
eta adierazpide grafikoak**

Egilea: Josemari Sarasola



Gizapedia

gizapedia.hirusta.io

2.1 Taulak eta diagramak: zertarako eta nola

2.2 Aldagai kualitatiboaren kasua

2.2.1 Aldagai kualitatiboaren tabulazioa

2.2.2 Aldagai kualitatiboaren adierazpide grafikoa

2.2.2.1 Sektore-diagrama

2.2.2.2 Barra-diagrama

2.3 Aldagai kuantitatiboaren kasua

2.3.1 Aldagai diskretuaren kasua

2.3.1.1 Aldagai diskretuaren tabulazioa

2.3.1.2 Barra-diagrama

2.3.2 Aldagai jarraituaren kasua

2.3.2.1 Datu gutxiko kasua: puntu-diagrama

2.3.2.2 Datu askoko kasua: histograma

2.3.2.3 Histograma tarte-zabalera ezberdinekin

2.3.2.4 Ondoko histogramak

2.3.2.5 Maiztasun-poligonoa

2.3.2.6 Maiztasun metatuen histograma eta ojiba

2.3.2.7 Adar-hostoen diagrama

2. gaia: Aldagai bakunaren tabulazioak eta adierazpide grafikoak

2.1 Taulak eta diagramak: zertarako eta nola

Azterketa estatistiko sakonago eta zorrotzagoa egin aurretik, datuak taula batean bildu eta antolatzeak eta datu-multzoa grafikoki adierazteak datuen ezau-garri nagusiak hautematen laguntzen dute. Gainera, bereziki egokiak dira datuak publikoari erakusteko. Horretarako, sinpleak eta argiak izan behar dira. Gogoratu esaldia: *irudi batek mila hitzek baino gehiago balio du.*

2.2 Aldagai kualitatiboaren kasua

18-24 urteko hainbat gazteri udako oporren helmuga galdetu zitzairen 2005 eta 2015 urteetan (Euskal Herria (EH), Europa (EU), beste kontinente bat (K)). Hona hemen haien erantzunak:

2005: EU-EU-EH-EH-EH-K-EH-EH-EH-EU-EH-EH-EH-EU-EU-EU-EH-EH-K-K

2015: EU-EU-EU-EH-EU-K-EH-EH-K-EU-EU-EH-EH-EU-EU-K-EH-K-K-K-EU-EU-K-K-EU

Aurreko bi datu-multzoen tabulazioak eta aukerako adierazpide grafikoak eratu behar dira, eta interpretazio egokia egin.

2.2.1 Aldagai kualitatiboaren tabulazioa

2005eko datuen tabulazio osotua osatzeko, zenbaketa arrunta egin behar da:

Opor-tokia	Kopurua	%
Euskal Herria	11	%55
Europa	6	%30
Beste kontinentea	3	%15
<i>Totalak</i>	20	%100

Tabulazio honetan, *aldagai estatistikoa* opor-tokia da. Aldagaiak hartzen dituen baliotako bakoitza (EH, EU, K) *kategoria* bat da. Kategorietako gazte-kopuruak *maiztasun absolutuak* dira, n_i izendatuko direnak, eta portzentajeak *maiztasun erlatiboak*, f_i idatziko direnak. Galdekatutako gazte-kopuru totala *lagin-tamaina* da. Era honetako tabulazioei *maiztasun-taula* deitzen zaie orokorrean.

2005eko eta 2015eko datuak ditugunez, interesgarriena bi datu-multzoen baterako maiztasun-taula izango da. Kasu horretan, informazio adierazgarriena maiztasun erlatiboek ematen dute, bi datu-multzoak alderatze aldera:

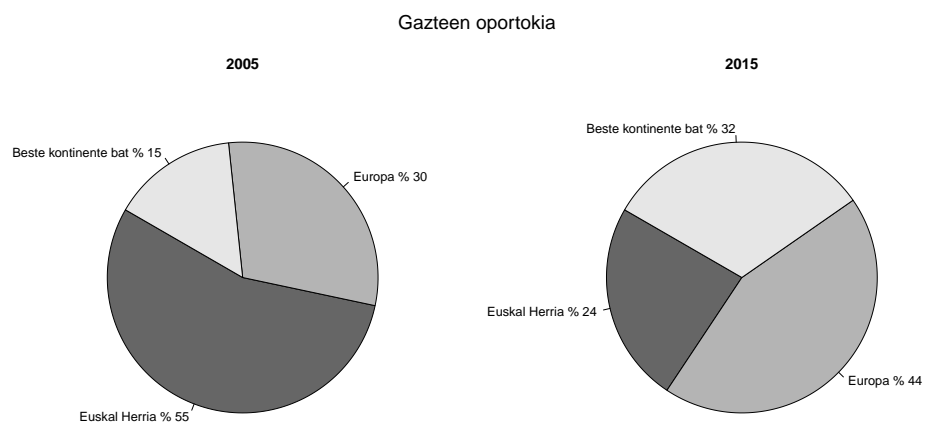
Opor-tokia	Kopuruak (2005)	% (2005)	Kopuruak (2015)	% (2015)
Euskal Herria	11	%55	6	%24
Europa	6	%30	11	%44
Beste kontinente	3	%15	8	%32
<i>Totalak</i>	<i>20</i>	<i>%100</i>	<i>25</i>	<i>%100</i>

Hala, hamar urte horietan zehar Euskal Herria oportokitzat hartu dutenen kopurua nabarmen murriztu da, eta Europa edo beste kontinente batera doazenak asko ugaldtu, bereziki beste kontinente batera doazenak bikoiztu baino gehiago egin dira.

2.2.2 Aldagai kualitatiboaren adierazpide grafikoak

2.2.2.1 Sektore-diagrama

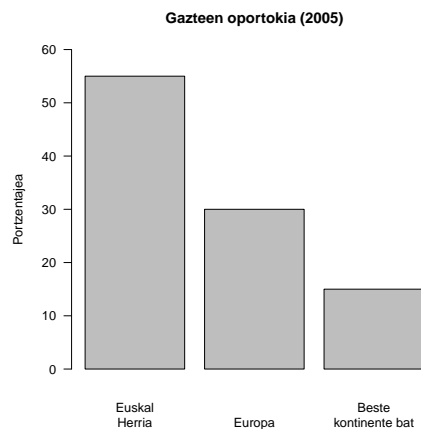
Sektore-diagraman (ingelesez, *pie chart*) kategorien maiztasun absolutuen edo erlatiboen arabera sektoreak margotzen dira zirkulu batean:



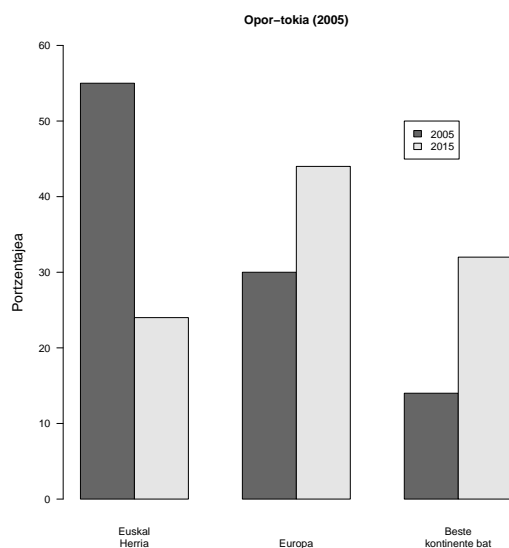
Argi denez, sektore-diagrametan ez da erraza grafikoetako sektoreen tamainak zehaztasunez alderatzea, are eta gutxiago kategoria kopurua handia denean. Hori dela eta, *barra-diagrama* (hurrengo atalean) hobesten da.

2.2.2.2 Barra-diagrama

Barra-diagraman (zutabe-diagrama ere deitua) kategorien maiztasun absolutuen edo erlatiboan arabera zutabeak eraten dira, horizontalean edo bertikalean. Arestiko datuak harturik, honelakoa litzateke barra-diagrama zutabe bertikalekin:



Bi datu-multzoetako kategorien maiztasun erlatiboak alderatzen dituen barra-diagrama da interesgarriena:



Batera jarritako sektore-diagrametan egiten genuenaren interpretazio berdina da, noski: Euskal Herria opor-tokitaz hartzen dutenen kopurua murriztu da. Barra-diagramarekin, ordea, askoz ere garbiago ikusten da, eta interpretazioa zehatzago egin daiteke.

2.3 Aldagai kuantitatiboaren kasua

2.3.1 Aldagai diskretuaren kasua

Aldagai diskretua deituko diogu balio ezberdin gutxi hartzen dituen horri; adibidez, aldagai diskretuak dira anai-arreba kopurua familia batean (0, 1, 2, 3; eskuarki) eta ikasle batek ikasturte batean errepikatzen duen irakasgai-kopurua (0, 1, 2, ..., 6).

Hain zuzen, zenbait ikaslek errepikatu duten irakasgai-kopuruari buruzko datuak hartuko ditugu adibidetzat. Hona hemen zerrenda:

0-1-0-2-1-0-3-2-1-2-3-0-1-0-1-1-1-1-2-3-0-0-1-1-2.

2.3.1.1 Aldagai diskretuaren tabulazioa

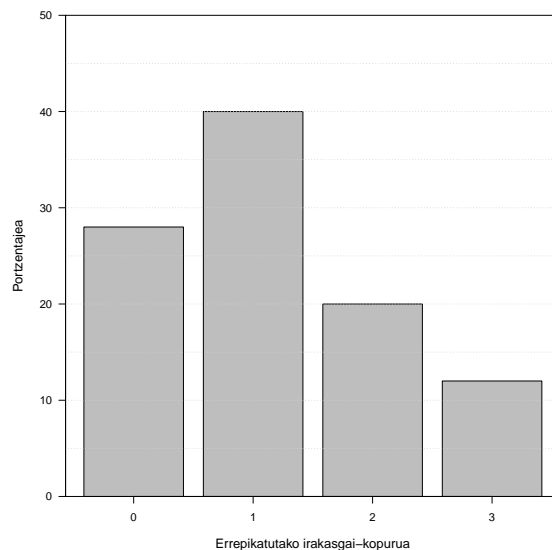
Maiztasun-taula balio bakoitzeko ikasle-kopuruaren zenbaketa eginez abiarazten da, baina kasu honetan aldagaiak (errepikatutako irakasgai-kopurua, adibidean) hartzen dituen balioak era ordenatuan ezartzen dira taulan, txikienetik handienara.

Irakasgai-kopurua (x)	Ikasleak (n)	% (f)	Ikasle metatuak (N)	% (F)
0	7	%28	7	%28
1	10	%40	17	%68
2	5	%20	22	%88
3	3	%12	25	%100
<i>Totalak</i>	<i>25</i>	<i>%100</i>	<i>25</i>	<i>%100</i>

Ikusten denez, aldagai kualitatiboetan ez bezala, hemen maiztasun absolutuetan zein erlatiboetan *maiztasun bakunak* eta *metatuak* ere bereizten dira. Hala, *maiztasun erlatibo metatuek*(F), esaterako, balio batetik behera edo balio hori bera duten ikasleen portzentajea jasotzen dute.

2.3.1.2 Barra-diagrama

Barra- edo zutabe-diagrama erabiltzen da, aldagai kualitatiboaren kasuan bezalaxe:



Ikusten denez, ikasle gehienek irakasgai bakarria errepikatzen dute, eta halaber balio horren inguruan biltzen dira errepikatutako irakasgai-kopurua. Beraz, irakasgai bakarria datu-banaketaren zentroa dela esan daiteke.

2.3.2 Aldagai jarraituaren kasua

Aldagai jarraitua deituko diogu balio ezberdin asko hartzen dituen horri; adibidez, aldagai diskretuak dira pertsona baten altuera (160, ..., 170, ..., 180, ...), ikasle baten nota (0, 0.1, ..., 4.9, 5, 5.1, ..., 9.9, 10).

2.3.2.1 Datu gutxiko kasua: puntu-diagrama

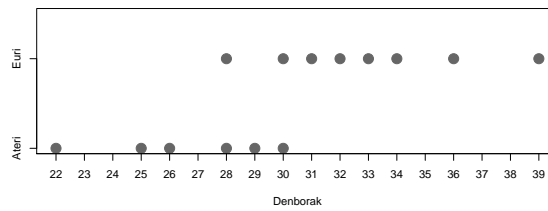
Aldagai jarraitu bati buruz datu gutxi direnean (hitzarmenez, 20-25 baino gutxiago), ez da beharrezkoa datu horiek taula batean biltzea. Grafikoki irudikatzeko, *puntu-diagramak* (ingelesez, *dot plot* edo *strip chart*) erabiltzen dira.

Grafikoa eratzeko adibide gisa, har ditzagun ibilbide bat egiteko behar izan diren denbora batzuk, euripean zein ateri (minututan):

Ateri: 22-26-28-25-29-30

Euri: 28-32-36-39-30-31-33-34

Datu horiek irudikatu eta bide batez bi datu-multzoak alderatzeko puntu-diagramak hauek dira:



Interpretazioa: euria egiten duenean, *orokorrean* denbora luzeagoa behar da ibilbidea egiteko.

2.3.2.2 Datu askoko kasua: histograma

Datuak asko direnean (kopuru bat emateagatik, 20 baino gehiago), egokiena datuak tartetan bildu eta tarte bakoitzean zenbat datu biltzen diren zenbatzea da, datuen egitura nahasiegi azal ez dadin. Tartekako banaketa horretan oinarritua histograma delakoa erazten da, tartetean maiztasunen arabera zutabeak altxatuz.

Datuak tartetan biltzerakoan, honako puntu hauek kontuan hartzea komeni da:

- tarte kopuru egokiena 5-15 bitartekoa da;
- aurreko puntuan adierazitako tartearen barruan, ikertzailearen esku geratzen da dezake datuak ikusita kopuru zehatza, baina tarte kopuru zehatza ematen duten erregelak badaude. Erabiliena Sturges-en erregela da, k tarte kopurua eta n datu kopurua izanik, eta emaitza gehiegiz borobilduz:

$$k = \frac{\ln n}{\ln 2} + 1$$

- komeni da hau ere kontuan hartzea: tarte gutxiegia erazten dira, jatorrizko datuetako informazio asko galtzen da; tarte gehiegia erazten badira, berriz, histogramaren interpretazioa nahasiagoa izango da;
- komeni da, *printzipioz*, tarte-zabalera konstantea izatea;
- tarteak mugatzen dituzten balioak *zenbaki borobilak* izatea komeni da (10-20, 100-300, ...);
- hitzarmenez tarteak $[a, b)$ motakoak dira, azkenekoa ezik noski;

- histograma maiztasun absolutu nahiz erlatiboekin era daiteke, bi eratara histogramaren itxura berdina izango da.

Tarte kopurua erabakita, pauso hauek jarraitu daitezke datuak tartetan biltzeko:

1. datuen ibiltartea (datu handiena ken txikiena) kalkulatu;
2. datuen ibiltartea tarte kopuruarekin zatituz, tarte-zabalera ematea;
3. tarte-zabalera gehiegiz borobiltzea;
4. erabakitako tarte-zabalera bider tarte kopurua eginez, tarteek hartuko dute eremua kalkulatzeko;
5. eremu hori ibiltartea baino handiagoa izango denez, soberakina hasieran eta bukaeran banatzea

Adibidea: Tomate barietate bateko 100 aleren pisuak jaso dira (gramutan):

186, 134, 165, 196, 234, 222, 226, 210, 287, 220, 243, 234, 206
 208, 212, 226, 234, 238, 297, 307, 138, 145, 167, 189, 197
 231, 210, 206, 214, 256, 262, 225, 227, 229, 234, 245, 216, 253
 233, 216, 227, 220, 198, 187, 267, 278, 287, 302, 245, 227
 227, 210, 192, 186, 145, 156, 168, 172, 174, 219, 222, 239, 226
 214, 296, 314, 324, 143, 156, 206, 234, 262, 220, 221, 183
 246, 192, 174, 178, 162, 174, 192, 216, 228, 234, 245, 278, 162
 154, 245, 225, 230, 250, 271, 160, 252, 229, 214, 226, 195

Datu horietarako taularaketa egoki bat egin eta dagokion histograma marraztu behar da Sturgesen erregela erabiliz. Histograma ikusita, zein balioaren inguruan biltzen da tomate baten pisua?

Eman dezagun lehenbizi eratu beharreko tarte-kopurua Sturges-en erregela baliatuz:

$$k = \frac{\ln 100}{\ln 2} + 1 = 7.64 \rightarrow 8$$

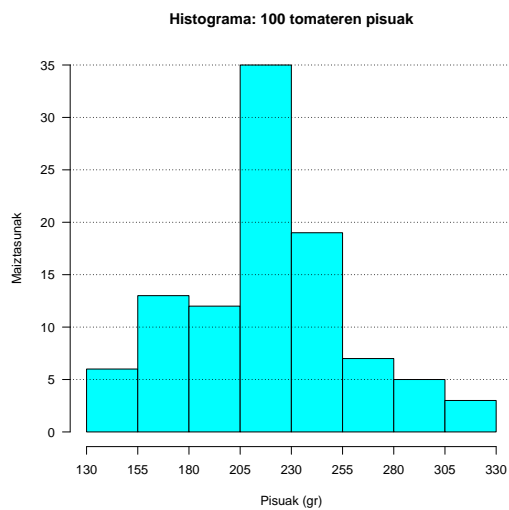
Datuen ibiltartea, datu handiena ken txikiena alegia, $324 - 134 = 190$ da. Ibiltartea 8 tartetan zatituz, tarte bakoitzak $190/8 = 23.75$ ko zabalera behar duela dakigu.

Tarte-zabalera *zenbaki borobila* behar duenez izan, gehiegiz borobiltzen dugu 25era. Horrela 25 zabalera 8 tarte izango ditugu, $25 \times 8 = 200$ gramuko ibiltartea estaliko dutenak.

Datuen ibiltartea 190 denez, behar duguna baino gehiago estaltzen dugu 200 gramurekin. Beraz, datu txikienetik beherantz, 130 balioan hasiko gara tartean eratzeko; eta 324tik gora, 330 balioan bukatuko dugu. Horrela $330 - 130 = 200$ gramuko ibiltartea izango da.

Tarteak, beraz, 130-155, 155-180, ..., 305-330 izango dira. Tarte bakoitzean zenbat datu biltzen diren zenbatuz, tarteak $[a, b)$ motakoak direla kontuan hartuz betiere, maiztasun-taula eratuko dugu, aukeran maiztasun absolutuekin eta erlatiboekin:

Pisua gramutan (x)	Maizt. abs. (n)	Maizt. erl. (f)
130-155	6	0.06
155-180	13	0.13
180-205	12	0.12
205-230	35	0.35
230-255	19	0.19
255-280	7	0.07
280-305	5	0.05
305-330	3	0.03
	100	1



Interpretazioa: Begi bistan, tomateen pisua gutxi gorabehera 230 gr inguruan biltzen dela esan daiteke. Ezaugarri estatistiko horri *zentroa* deritzo.

2.3.2.3 Histograma tarte-zabalera ezberdinekin

Batzuetan komenigarriagoa da tarte-zabalera ezberdina izatea, horrekin maiztasun-
taulak emango duen informazioa zehatzagoa bada. Adibidez, datu berdinekin era-
tutako bi maiztasun-tauletan tarte-zabalera ezberdineko maiztasun-taulak informazio
zehatzagoa eta aberatsagoa ematen du tarte-zabalera konstantekoak baino:

1. taula: tarte-zabalera berdina.

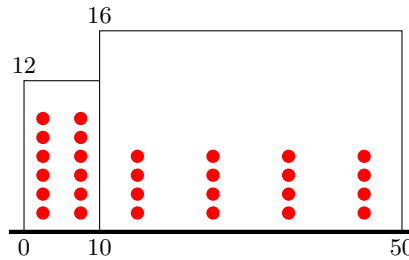
Tarteak	Maiztasunak (n)
0-20	152
20-40	28
40-60	12
60-80	6
80-100	2
	200

2. taula: tarte-zabalera ezberdina.

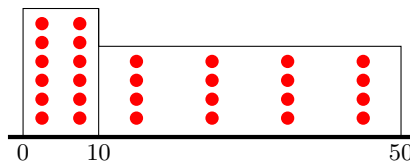
Tarteak	Maiztasunak (n)
0-5	36
5-10	64
10-20	52
20-50	34
50-100	14
	200

Tarte-zabalerak ezberdinak direnean, ordea, histogramako zutabeak maiztasunen neurrian altxatzea ez da egokia. Adibidez, jarraian tarte-zabalera ezberdineko maiztasun-
taula, maiztasunen arabera legokiokeen histograma, oker egiten ari garela azaltzeko
histogramaren barruan banakako datuak ere adierazita, eta histograma zuzena nolakoa
izan beharko litzatekeen azaltzen dira:

Tarteak	Maiztasunak (n)
0-10	12
10-50	16
	28



Histograma okerra: zutabeek ez dute adierazten lehen tartean datu-dentsitatea handiagoa dela (datuak puntu gorritz adierazita), eta horixe da histograma batean azalarazi beharrekoa.



Histograma zuzena: zutabeek zehatz-mehatz adierazten dute datu-dentsitatea.

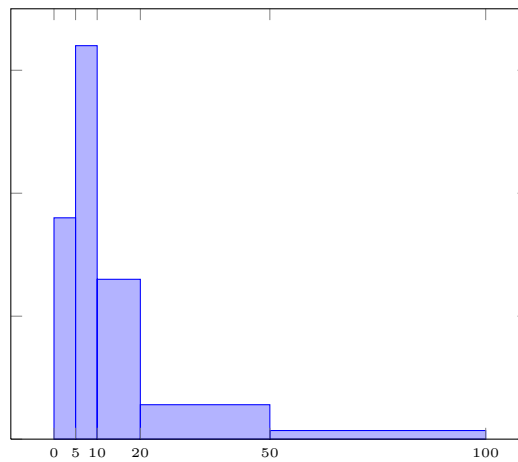
Tarte-zabalerak berdinak direnean, ez da beharrezkoa datu-dentsitateak kalkulatzeko, maiztasunen baliokideak direnez. Tarte-zabalerak ezberdinak direnean, ordea, honela kalkulatu behar dira dentsitateak eta, bidenabar, histogramako zutabe-altuerak, f izanik tarteko maiztasun erlatiboa, eta z tarteko zabalera:

$$d = \frac{f}{z}$$

Adibidez, aurreko adibidean:

Tarteak	Maiztasunak (n)	Maizt. erlatiboa (f)	Dentsitatea (z)
0-5	36	18	$18/5=3.6$
5-10	64	32	$32/5=6.4$
10-20	52	26	$26/10=2.6$
20-50	34	17	$17/30=0.56$
50-100	14	7	$7/50=0.14$
	200	100	

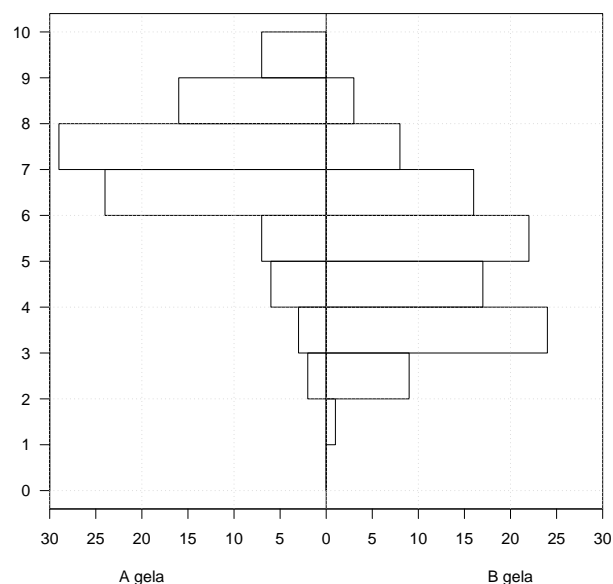
Eta dagokion histograma:



Interpretazioa: datu-dentsitate handiena 5-10 tartean suertatzen da.

2.3.2.4 Ondoko histogramak

Elkarren ondoko histogramak (ingelesez, *back-to-back histograms*) bi datu multzo alderatzeko erabiltzen dira; alderatzeko, adibidez, bi ikasgelako notak, bi sexuen pisuak, A eta B makinetako ekoizpenak eta bi enpresetako langileen adinak. Horien helburua bi datu-multzoak begi bistan aise alderatzea da.

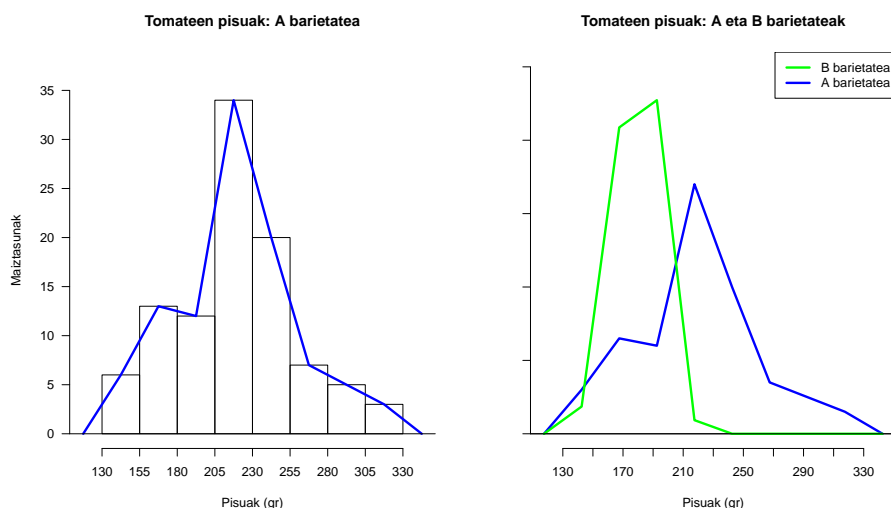


Ondoko histogramak: *Zentroari dagokionean*, A gelako notak handiagoak dira orokorrean B gelakoak baino: A gelan notak gutxi gorabehera 8 punturen inguruan biltzen diren bitartean, B gelan 5 punturen inguruan biltzen dira. *Sakabanatzeari dagokionean*, berriz, B gelako notak zertxobait sakabanatuagoak dira itxuraz: 8 punturen ibiltartean zehar biltzen dira B gelakoak, A gelakoak 7 punturen ibiltartean biltzen diren bitartean.

Komenigarria da horietan zutabeen neurria emateko *maiztasun erlatiboak* (edo dentsitateak, tarte-zabalera ezberdina denean) erabiltzea, bi datu-multzoetako lagin-tamaina edo datu kopuru ezberdinen eragina saihesteko. Halaber, behar bezala alderatzeko, bi datu-multzoetan erabilitako tarteak berdinak izan behar dira.

2.3.2.5 Maiztasun-poligonoa

Maiztasun-poligonoa ondorengo irudietan erakusten den bezala eraikitzen da histograman oinarrituta, histograma zutabe-goietako erdipuntuak lotuz. Histograma bezalatsu interpretatzen da zentroari, sakabanatzeari eta beste ezaugarri estatistikoei buruz, baina batzuetan ezaugarri horiek argiago agertzen da maiztasun-poligonoarekin. Maiztasun-poligonoak grafiko berean bata bestaren gainean eraturaz, kolore desberdinekin, datu-multzo zenbait aldera daitezke batera.

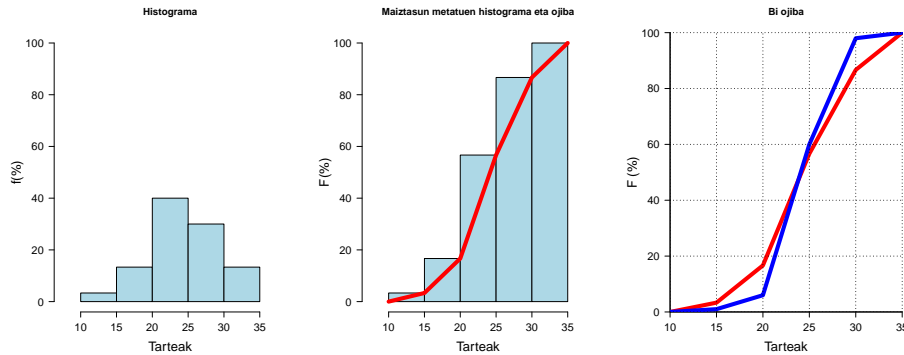


Ezkerrean, maiztasun-poligonoaren eraketa azaltzen da. **Eskuinean**, bi maiztasun-poligono batera eratu dira, horien ezaugarriak alderatzearren: B barietateko tomateen pisuak 180gr inguruan biltzen dira (zentroa), eta A bariedadekoak sakabanatuagoak dira.

2.3.2.6 Maiztasun metatuen histograma eta ojiba

Maiztasun metatuen histograma maiztasun metatuekin eratzen den histograma besterik ez da, tarte bakoitzean eta hortik behera zenbat datu dauden adierazten duena. Zutabeetako gailurrak lotuz, ojiba delakoa eskuratzen da, eta beste ojiba batzuekin batera marraztuta, datu-multzo ezberdinetako maiztasun metatuen bilakaera aldera daiteke, maiztasun metatuen histogramekin baino aiseago. Adibidez, maiztasun-taula hau harturik:

Tarteak	Maiztasunak (n)	Maizt. erlatiboa (f,%)	Maiztasun metatua (F,%)
10-15	1	3.33	3.33
15-20	4	13.33	16.66
20-25	12	40.00	56.66
25-30	9	30.00	86.66
30-35	4	13.33	100.00
	30	100.00	



Ezkerrean, histograma. **Erdian**, dagokion *maiztasun metatuen histograma*, maiztasun metatuekin, kasu honetan erlatiboekin, eraturia, eta dagokion *ojiba*. **Eskuinean**, bi ojiba batera: 20-30 bitartean, ojiba urdinak mald handiagoa duenez, dagokion datu-multzoak tarte horretan erlatiboki datu gehiago biltzen ditu.

2.3.2.7 Adar-hostoen diagrama

Aldagai jarraitu batean, jatorrizko datuak galdu gabe histogramaren antzeko diagrama bat eratzeko aukera da adar-hostoen diagrama (ingelesez, *stem-and-leaf plot*). Adar-hostoen diagramak badu abantaila bat histogramaren bezala: hark ez bezala, adar-hostoen diagramak jatorrizko datuen informazio osoa atxikitzen da orokorrean.

Adar-hostoen diagraman, datuek hartzen dituzten balioak bi zatitan banatzen dira: adarra balio horien lehen zifra adierazgarriek osatuko dute, eta hostoak azkeneko haiek.

Adibidea: Honako datuok harturik, adar-hostoen diagrama eratu behar da:
 8.131 - 4.160 - 8.359 - 7.781 - 6.040 - 7.895- 10.107 - 6.810 - 4.758 - 7.517
 4.455 - 5.358 - 5.397 - 7.436 - 3.602 - 5.769 - 10.312 - 8.315 - 9.183 - 10.465
 9.058 - 8.052 - 7.527 - 9.580 - 9.279 - 11.203 - 9.824 - 4.502 - 9.097 - 6.302

```

3 | 6
4 | 2558
5 | 448
6 | 038
7 | 45589
8 | 1134
9 | 112368
10| 135
11| 2
    
```

```

gakoa: 3|6=3.6
adar-unitatea: 1
hosto-unitatea: 0.1
    
```


Ohartu behar da hosto-unitatea 0.1 denez, datuak dezimal gertuenera borobildu direla; adibidez, 4.160 \rightarrow 4.2.

Aukeran, eskala zabaldu egin daiteke, bi dezimal sartuz hostoetan:

```
3 | 60
4 | 16455076
5 | 364077
6 | 043081
7 | 4452537889
8 | 05133236
9 | 061018285883
10| 113147
11| 20
```

```
gakoa: 3|60=3.60
adar-unitatea: 1
hosto-unitatea: 0.01
```

Eta eskala murriztu ere egin daiteke, adar-unitatea 2-ra aldatuz:

```
3 | 62558
5 | 448038
7 | 455891134
9 | 112368135
11| 2
```

```
gakoa: 3|6=3.6
adar-unitatea: 2
hosto-unitatea: 0.1
```

Horrela, ordea, ez dakigu datu handiena 112 edo 122 den.

Adar-hostoen diagrama-aldaera ohikoenak eman ditugu, baina beste hainbat daude aukeran.

2.4 Ariketak

1. Eskola bateko 4 urteko haurren artean, amaren ikasketa maila (baxua, b /ertaina, e /altua, a), matematika test batean lortu duten puntuazioa, eskola izaera (publikoa/pribatua) eta anai-arreba kopurua jaso dira:

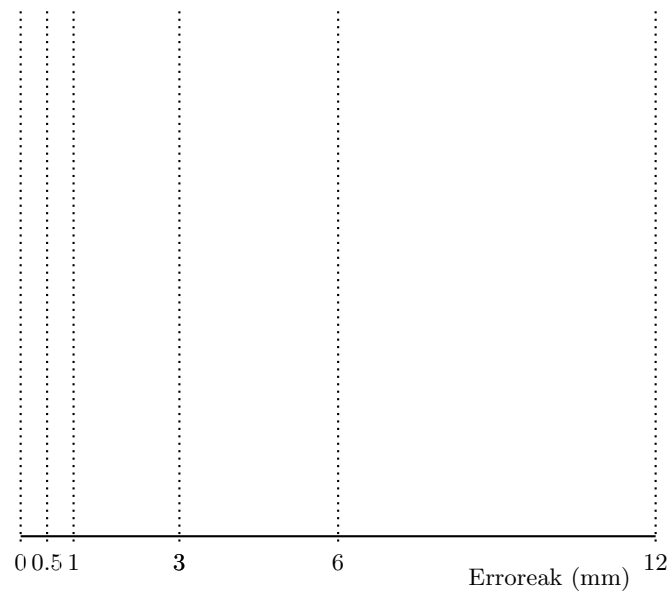
b-23-pub-0	b-19-pub-1	a-20-pub-1
e-22-prib-1	e-24-pub-0	a-23-prib-1
e-25-prib-1	a-25-pub-1	b-21-pub-1
a-28-pub-2	e-23-prib-0	a-26-prib-1
a-27-prib-1	b-23-pub-1	b-27-prib-0
e-20-prib-0	e-26-pub-1	e-22-prib-1
b-20-prib-0	a-25-prib-0	b-23-prib-0
a-27-pub-2	b-18-pub-0	b-30-pub-1
a-24-prib-0	e-22-pub-0	a-29-prib-1

- (a) Amaren heziketa-mailaren arabera, eskola publikora edo pribatura joateko joera dagoen aztertu behar da, tabulazio eta diagrama egoki batez.
- (b) Matematika-trebetasuna aztertu behar da, amaren heziketa mailaren, eskola-motaren eta anai-arreba kopuruaren arabera.
- (c) Anai-arreba kopurua aztertu eskolaren eta amaren heziketa-mailaren arabera.
- (d) Adar-hostoen diagramaz irudikatu matematikako puntuazioa adar-unitatetzat 10, 5 eta 2 hartuz, hurrenik hurren.
2. 30 piezetan neurketa-errore hauek jaso dira bi gailu desberdin erabiliz (mm):

	10.26	3.73	0.18
	0.81	6.07	0.20
	0.13	0.38	1.98
	2.83	1.27	1.47
A gailua	0.07	3.11	0.42
	0.94	1.76	1.08
	0.17	6.88	3.11
	1.55	0.06	6.62
	0.84	3.82	4.39
	1.90	7.58	0.53
	5.64	3.69	3.89
	4.89	2.37	4.09
	1.08	0.64	3.08
	3.82	1.96	1.28
B gailua	4.57	2.34	0.37
	4.61	0.68	0.06
	3.91	3.35	0.92
	3.23	0.80	2.20
	2.35	3.69	2.28
	2.98	4.33	3.83

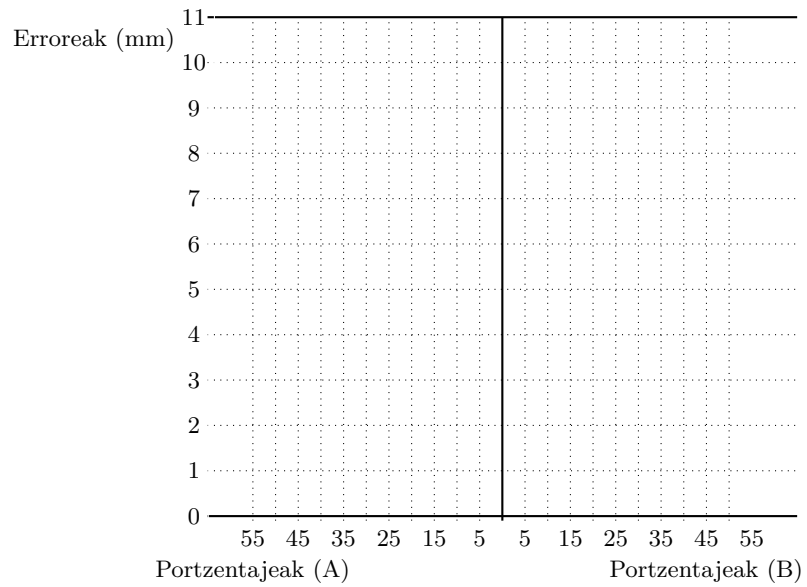
- (a) A gailuko datuetarako tabulazio eta grafiko egokia eratu.
 - (b) A gailuko datuetarako, 0-0.5, 0.5-1, 1-3, 3-6, 6-12 tartekako datu-tabulazioa osatu eta dagokion histograma egin.
 - (c) 1 zabalerako tartekin tabulazioak eta histogramak eta maiztasun-poligonoak eratu A eta B gailuetako datuetarako, era bereizian.
 - i. Aztertu zein gailuk ematen duen errore handiena orokorrean.
 - ii. Zein gailuk ematen du errore egonkorrena?
 - iii. Erabaki zein den gailu egokiena neurketak egiteko.
3. 30 urteko 50 gizonen pisuak jaso dira (kg):
- 67 – 66 – 58 – 80 – 89 – 59 – 71 – 66 – 79 – 63 – 63 – 83
- 92 – 66 – 57 – 55 – 73 – 60 – 58 – 74 – 61 – 80 – 77 – 75 – 73
- 76 – 64 – 73 – 72 – 71 – 74 – 52 – 82 – 64 – 67 – 75 – 59
- 53 – 70 – 82 – 85 – 80 – 74 – 75 – 64 – 75 – 67 – 79 – 73 – 67
- (a) Pisuen maiztasun-taula eta histograma eratu behar dira, Sturges-en erregela erabiliz. Emaitzak interpretatu.
 - (b) Maiztasun metatuen histograma eta ojiba era itzazu. Ojibaren kasuan, zergatik da malda handiagoa 70 balioaren inguruan?

<i>Erroreak</i>	Zenbaketa	Piezak n	% f	Dentsitatea
0-0.5				
0.5-1				
1-3				
3-6				
6-12				



Erroreak	Zenbaketa		Piezak (n)		Portzent. (f)	
	A	B	A	B	A	B
0-1						
1-2						
2-3						
3-4						
4-5						
5-6						
6-7						
7-8						
8-9						
9-10						
10-11						

Ondoko histogramak egiteko:



Maiztasun poligonoak marrazteko:

